

- Data: 2021-12-10
- Licenciatura em Gestão
- Docentes: Francisco Antunes e Norberto Maricoto
- Duração: 1h 45 m
- Classificação da prova em: webx.ubi.pt/~fantunes

**Responda às questões seguintes, apresentando todos os cálculos necessários (não arredonde valores):**

1. Considere um empréstimo de €80.000 com um prazo de 8 anos e as seguintes características:
  - Taxa de juro trimestral efetiva 2%;
  - Vencimento mensal do juro;
  - A primeira das entregas ocorrerá 6 meses após a data do contrato. As 91 entregas (de juro vencido e reembolso de capital) ao banco são constantes e iguais até ao fim do contrato;
  - Serão feitos dois pagamentos suplementares de €10.000 cada (além do pagamento constante nesse momento). O primeiro no final do 3.º ano e o segundo no final do prazo.
  - a) Preencha a linha do mapa de serviço de dívida correspondente ao final do 4.º ano.  
[ $k=48$ ;  $C_{47}=\text{€49.494,10}$ ;  $j_{48}=\text{€327,79}$ ;  $m_{48}=\text{€684,93}$ ;  $P_{48}=\text{€1.012,71}$ ;  $C_{48}=\text{€48.809,18}$ ]
  - b) Preencha a penúltima linha do mapa de serviço de dívida.  
[ $k=95$ ;  $C_{94}=\text{€11.874,33}$ ;  $j_{95}=\text{€78,64}$ ;  $m_{95}=\text{€934,07}$ ;  $P_{95}=\text{€1.012,71}$ ;  $C_{95}=\text{€10.940,26}$ ]
  - c) Calcule o valor da plena propriedade no 84.º mês, considerando uma taxa de avaliação efetiva mensal de 1%.  
[ $\text{€20.272,64}$ ]
2. Empréstimo de € 20 000 a 5 anos com pagamentos no final de cada mês e as seguintes características:
  - Taxa de juro efetiva mensal de 1%;
  - Durante os primeiros dois anos os pagamentos são constantes;
  - Nos restantes três anos as parcelas de reembolso crescem mensalmente €20;
  - A 1.ª e a 25.ª parcelas de reembolso são iguais.
  - a) Linha correspondente ao 12.º mês do mapa de serviço de dívida?  
[ $k=12$ ;  $C_{11}=\text{€18.640,78}$ ;  $j_{12}=\text{€186,41}$ ;  $m_{12}=\text{€131,10}$ ;  $P_{12}=\text{€317,51}$ ;  $C_{12}=\text{€18.509,68}$ ]
  - b) Linha correspondente ao 48.º mês do mapa de serviço de dívida?  
[ $k=48$ ;  $C_{47}=\text{€9.067,63}$ ;  $j_{48}=\text{€90,68}$ ;  $m_{48}=\text{€577,51}$ ;  $P_{48}=\text{€668,19}$ ;  $C_{48}=\text{€8.490,12}$ ]
3. Considere um empréstimo a 20 anos e as seguintes características:
  - Taxa de juro efetiva trimestral de 1,6% com vencimento trimestral dos juros;
  - Primeiros 4 anos: carência de capital (pagamento do juro vencido);
  - 6 anos seguintes: Pagamentos no final de cada trimestre com parcelas de reembolso de capital a crescerem trimestralmente 1%;
  - Últimos 10 anos: Pagamentos constantes no final de cada trimestre.
  - Valor do juro do 8º trimestre:  $j_8=\text{€1 000}$ ; Valor do juro do 60.º trimestre:  $j_{60}=\text{€ 200}$ .
  - a) Linha correspondente ao 32.º trimestre do mapa de serviço de dívida?  
[ $k=32$ ;  $C_{31}=\text{€37.570,82}$ ;  $j_{32}=\text{€601,13}$ ;  $m_{32}=\text{€1.797,99}$ ;  $P_{32}=\text{€2.399,12}$ ;  $C_{32}=\text{€35.772,83}$ ]
  - b) Linha correspondente ao último trimestre do mapa de serviço de dívida?  
[ $k=80$ ;  $C_{79}=\text{€694,42}$ ;  $j_{80}=\text{€11,11}$ ;  $m_{80}=\text{€694,42}$ ;  $P_{80}=\text{€705,53}$ ;  $C_{80}=\text{€0}$ ]
4. O Sr. Abel obteve um empéstimo a pagar em 48 mensalidades normais com parcelas de reembolso constantes. Na documentação do financiamento verificou que no 9.º pagamento o valor do juro é igual ao valor da parcela de reembolso de capital. Qual é a taxa de juro efetiva mensal? **[2,50%]**